

ПРИЛОЖЕНИЕ БАЗИСОВ ГРЕБНЕРА В БИОЛОГИИ

© А.Ю. Егоров

Ключевые слова: базис Гребнера, идеал, биология клетки.

Аннотация

Статья посвящена обзору современных работ, в которых рассматриваются математические методы моделирования применимые к биологии клетки, например, методы дифференциальной алгебры, в которых используются, как линейные так и нелинейные дифференциальные уравнения.

Интерес к характеристическим множествам идеалов в теории колец возрос десять лет назад, когда Булье, Лазар, Оливье и Птито [1] разработали эффективную технику вычислений для теории радикальных дифференциальных идеалов [2]. Чуть позже Убер [3] предложила раскладывать радикальный дифференциальный идеал [4] в пересечении так называемых характеризуемых, то есть определяемых своими характеристическими множествами, идеалов.

В последнее время активно развиваются методы конструктивных вычислений в идеалах колец дифференциальных многочленов, а также обобщения аналогичных методов с обычных полиномиальных колец на дифференциальную алгебру [4]. Такие методы, например, дают во многих важных случаях решение задачи о принадлежности многочлена идеалу. В обычных кольцах многочленов для решения подобных задач используются базисы Гребнера. Прямое их обобщение на дифференциальные кольца в нелинейном случае, как правило, неудовлетворительно, так как приводит к бесконечному базису. Однако для некоторых классов дифференциальных идеалов задача вхождения все-таки решается с их помощью алгоритмически.

В статье [5], показано, что дифференциальная алгебра является аппаратом одного из редукционных методов модели квази-устойчивой аппроксимации, в конкретном наборе универсальных реакций химических систем [6]. Более подробно эти процессы описаны в [7]. Эти новые методы определяют некоторую эволюцию методов моделирования, основанных на нелинейных дифференциальных уравнениях, включая редукционные гипотезы в моделях. В работе рассматривается пример (который был взят из [8]), в него входит алгебраическая система уравнений, в которой участвуют дифференциальные и алгебраические уравнения. Их решения получаются с помощью разложения Розенфельда-Гребнера, которое представляет радикальный идеал в виде пересечения характеризуемых идеалов.

Подробно разложение Розенфельда-Гребнера рассмотрено в [5].

Отметим, что в случае пустого множества дифференцирований, т.е. когда рассматривается обычное кольцо многочленов и идеалы в нем, понятие характеристического множества не является три-диагональным. Однако для его вычисления можно использовать базис Гребнера. Как раз такой случай рассматривается в работе [5].

Работа выполнена при частичной поддержке грантов РФФИ (проект 08-07-97507) и программы "Развитие потенциала высшей школы" (проект 2.1.1/1853).

Список литературы

1. *Boulier F., Lazard D., Ollivier F., Petitot M.* Representation for the Radical of a Finitely Generated Differential Ideal, ISSAC 1995. C. 158-166.
2. *Sadik B.* Computing of Characteristic sets of Radical Differential Ideals. Georgian Math., 2005. J. 12. N. 3. C. 443-453.
3. *Hubert E.* Factorization free Decomposition Algorithms in Differential Algebra, J. Symb. Comp., 2000. N. 29. C. 641-662.
4. *Ritt J.F.* Differential Algebra, volume XXXIII of Colloquium Publications. New York, American Mathematical Society, 1950.
5. Дифференциальная алгебра и системное моделирование в биологии клетки. Francois Boulier И Francois Lemaire University Lille , LIFL, 59655 Villeneuve d Ascq, Франция, Франсуа.Boulier,Франсуа.Lemaire@lifl.fr, http://www.lifl.fr/boulier,lemaire

6. Conrad E.D., Tyson J.J. Modeling Molecular Interaction Networks with Non-linear Differential Equations. In Szallasi, Z., Stelling, J., Periwal, V., eds.: System Modeling in Cellular Biology: From Concepts to Nuts and Bolts, Cambridge, Massachusetts: The MIT Press, 2006. C. 97–124.
7. Okino M.S., Mavrovouniotis M.L. Simplification of Mathematical Models of Chemical Reaction Systems. Chemical Reviews, 1998. 98(2). C. 391–408.
8. Hairer E., Wanner G. Solving ordinary differential equations II. Stiff and Differential-Algebraic Problems. 2 edn. Volume 14 of Springer Series in Computational Mathematics. Springer-Verlag, New York, 1996.
9. de Jong H., Geiselmann J., Hernandez C., Page M. Genetic Network Analyzer: qualitative simulation of genetic regulatory networks. Bioinformatics 19(3). 2003. C. 336–344.
10. de Jong H., Ropers D. Qualitative Approaches to the Analysis of Genetic Regulatory Networks. In Szallasi, Z., Stelling, J., Periwal, V., eds.: System Modeling in Cellular Biology: From Concepts to Nuts and Bolts, Cambridge, Massachusetts: The MIT Press, 2006. C. 125–147.
11. von Dassow G., Meir E., Munro E.M., Odell G.M. The segment polarity network is a robust developmental module. Nature 406, 2000. C. 188–192.
12. Horn F., Jackson R. General mass action kinetics. Archive for Rational Mechanics and Analysis 47, 1972. C. 81–116.
13. Boulier F., Lefranc M., Lemaire F., Morant P.E. Model Reduction of Chemical Reaction Systems using Elimination (2007) Presented at the international conference MACIS, 2007.

Поступила в редакцию 20 ноября 2008 г.